

定义:

方阵的向量



$$A\alpha = \lambda\alpha$$

$(\begin{matrix} | & & | \\ \hline | & & | \\ \hline | & & | \end{matrix})_{n \times n}$ $(\begin{matrix} | \\ | \\ | \end{matrix})_{n \times 1}$
特征值

α 是特征向量 $\alpha \neq \vec{0}$

λ 是特征值 $\lambda \neq 0$

一个方阵 \cdot 同阶的向量
 A α

\iff 常数 \cdot 同阶的向量
 λ α

总结:

用一个矩阵乘以一个向量相当于给这个矩阵作线性替换

宋涛老师称之为矩阵变换

求特征值

$$\lambda E - A = 0 \quad (\lambda E - A)\alpha = 0$$

$$(\lambda E - A)\alpha = 0 \text{ 有非零解} \iff |\lambda E - A| = 0$$

于是变化为求特征方程 $|\lambda E - A| = 0$